

محل مهر امتحانات	شماره داوطلب:	با اسمه تعالی اداره آموزش و پرورش منطقه ۲ تهران دیبرستان پسرانه غیردولتی احصان ذهن	
نام و نام خانوادگی:			
رشته: ریاضی	پایه: دوازدهم		
تعداد صفحات: ۲	تعداد برگه سؤال: ۱		
وقت: ۱۲۰ دقیقه	ساعت: ۱۲:۳۰ ظهر	تاریخ: ۹۹/۱۰/۲۰	اندازه هر کس به اندازه همت او است. امام علی (ع) تهران، خیابان یوسف آباد، خیابان ۲۶، بعد از بیستون، خیابان شهید باریکانی، پلاک ۵۳ / تلفن: ۸۸۰۰۵۴۶۴ - ۸۸۰۰۵۶۵۴ - کد پستی: ۱۴۳۱۹۵۴۴۵۱



۱	نمودار تابع $y = f(x) = -f(2x+4) + 1$ را با توجه به نمودار تابع نشان داده شده $y = g(x)$ رسم کرد.	۲/۵
۲	<p>توابع $y = -(x+1)^3 + 2$ و $y = x^3 - 4x + 1$ را رسم نمایید و مشخص کنید که در چه بازه‌ای صعودی یا نزولی هستند.</p>	۲
۳	<p>الف) اگر چند جمله‌ای $f(x) = 3x^3 - ax - 16$ بر $x+a$ بخش‌پذیر باشد، a را به دست آورید.</p> <p>ب) در چند جمله‌ای $f(x) = x^3 + ax^2 + x + b$، مقدار a و b را طوری تعیین کنید که باقیمانده تقسیم آن بر $x-1$ برابر ۴ بوده و بر $x+2$ بخش‌پذیر باشد.</p>	۲/۵
۴	<p>الف) اگر $(x-2) \times f(x) = x^7 - 128$ باشد، حاصل $f(2)$ را به دست آورید.</p> <p>ب) چند جمله‌ای $x^7 + 1$ را بر حسب $x+1$ تجزیه نمایید.</p>	۲
۵	<p>نمودار زیر مربوط به تابع مثلثاتی است. با دقت در شکل نمودار و تشخیص دوره تناوب و مقادیر ماکزیمم و مینیمم تابع، ضابطه آن را مشخص کنید.</p>	۳

۲

دوره تناوب و مقادیر ماکزیمم و مینیمم تابع $f(x) = -2\cos\left(\frac{x}{3}\right) - \frac{3}{2}$ را به دست آورید.

۶

معادلات مثلثاتی زیر را حل نمایید:

۲/۵

(الف) $2\cos^2 x - \cos x - 1 = 0$

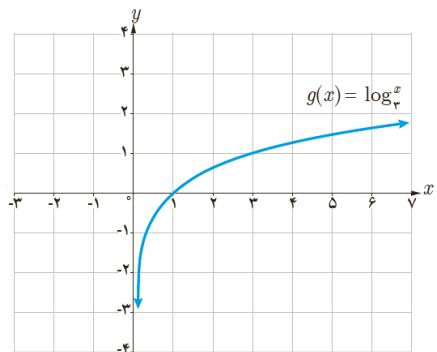
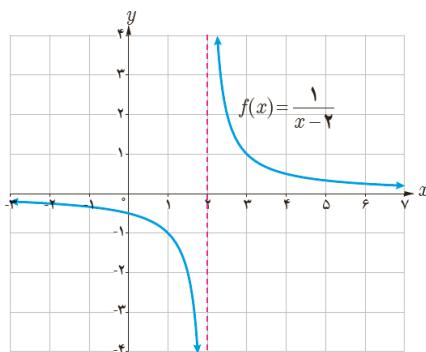
(ب) $\sin x + \cos x = 1$

(ج) $\tan 2x = \tan \pi x$

۷

۲/۵

(الف) با توجه به شکل، جاهای خالی را پر نمایید:



$$\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = \dots$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} g(x) = \dots$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \dots$$

(ب) حد های زیر را محاسبه نمایید. (در قسمت الف، حد چپ و راست را به دست آورید و در قسمت ب،

فقط حد چپ را محاسبه نمایید.)

(الف) $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x-3}{x^2 - 2x + 1}$

(ب) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sqrt{x+1}}{x^2 - 2x}$

موفق و پیروز باشید.